

کلاس درس و تست ریاضی پايه



مدرس: مسعود آقاسی

@math_equation

www.m-aghasi.com

masoudaghasi1395@gmail.com

کلاس درس و تست ریاضی پایه



مدرس: مسعود آقاسی

@math_equation

www.m-aghasi.com

masoudaghasi1395@gmail.com

برنامه دوره های ریاضی عمومی و معادلات آنلاین برای کنکور ۱۴۰۲

برای ثبت نام در کلاس های آنلاین (ویژه کنکور ۱۴۰۲) می توانید از لینک های زیر استفاده نمایید:

- کلاس درس و تست ۱۵ ساعتی ریاضی عمومی <https://b2n.ir/da1402>
- کلاس نکته و تست ۵۰ ساعتی ریاضی عمومی <https://b2n.ir/te1402>
- جمع بندی ریاضی عمومی ۲۵ ساعتی (بر اساس باکس مطالب مشابه) <https://b2n.ir/mo1402>
- پکیج کلاس درس + نکته + جمع بندی ۱۹ ساعتی ریاضی عمومی <https://b2n.ir/pa1402>
- ویدیو و جزوه رایگان تدریس ریاضی پایه در ۱۵ ساعت <https://b2n.ir/ta1402>
- کلاس درس و تست ۵۰ ساعتی معادلات دیفرانسیل <https://b2n.ir/eq1402>
- ویدیو و جزوه درس و تست فشرده ۱۶ ساعتی ریاضی عمومی <https://b2n.ir/fe1402>
- وبینار رایگان روش بهینه مطالعه ریاضی (فاز اول) برای کنکور ۱۴۰۲ <https://b2n.ir/wb1402>

- ✓ پکیج ۱۹ ساعتی کاملترین دوره ریاضی عمومی است و **تخفیف بالاتری** نسبت به سایر دوره ها خواهد داشت.
- ✓ دوستانی که از دوره رایگان ریاضی پایه استفاده کرده اند، در صورت تمایل برای ثبت نام در هر یک از دوره های (درس، نکته، جمع بندی، پکیج) از کد تخفیف **PAYE10** استفاده نمایند **تا از ۱۰٪ تخفیف اضافه تر بهره مند گردند.**

توجه: در صورت بروز مشکل در استفاده از لینک های بالا، برای دریافت لینک فعلی یا ثبت نام به

صفحه اول سایت www.m-aghasi.ir یا <https://negareh.ac.ir/aghasi>

یا کanal تلگرام [@math_equation](https://t.me/math_equation) مراجعه یا از طریق

ایمیل زیر پیگیری نمایید:

masoudaghasi1395@gmail.com

ایمیل برای مشاوره یا رفع اشکال :

تابع

فصل ۱

(کشاورزی ۸۲، صنایع - آزاد ۹۰)

$f(x) = \sqrt{\pi - 3 \arccos x}$

محدوده

$$[\frac{1}{2}, 1] \quad (۴)$$

$$[0, \frac{1}{2}] \quad (۳)$$

$$[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}] \quad (۲)$$

$$[-1, \frac{1}{2}] \quad (۱)$$

$$\begin{cases} \text{محدوده} \\ \text{محدوده خارجی} \\ \text{محدوده} \end{cases} \left\{ \begin{array}{l} -1 \leq x \leq 1 \\ \pi - 3 \arccos x \geq 0 \end{array} \right. \quad (۱)$$

$$\Rightarrow \cos x \leq \frac{\pi}{3} = \cos \frac{1}{3} \rightarrow x \geq \frac{1}{3}$$

لطفاً نابرابری معکوسی شود

$$(۱) \text{ و } (۲) \rightarrow D_f = [\frac{1}{3}, 1] \quad (۴) \checkmark$$

(کشاورزی ۸۰، ۸۷)

$f(x) = \sqrt{\log(2x - x^2)}$

$$\{x : 0 < x < 2\} \quad (۴)$$

$$\{x : x \leq 1\} \quad (۳)$$

$$\{x : x \geq 1\} \quad (۲)$$

$$\{\} \quad (۱)$$

$$\begin{cases} \text{محدوده} \\ \text{محدوده خارجی} \\ \text{محدوده} \end{cases} \left\{ \begin{array}{l} 2x - x^2 > 0 \\ \log(2x - x^2) \geq 0 \end{array} \right.$$

$$\log_{10}(2x - x^2) \geq 0 = \log_{10} 1 \quad \text{محدودی الگرد}$$

$$2x - x^2 \geq 1 \rightarrow 2x - x^2 - 1 \geq 0 \rightarrow (x-1)^2 \leq 0 \rightarrow (x-1)^2 = 0 \rightarrow x=1 \quad (۱) \checkmark$$

لطفاً نابرابری معکوسی شود

(۱۵ MBA)

مثال ۲. برد تابع $f(x) = \sqrt{\log(2x-x^2)}$ کدام است؟

[۱,۱] (۴)

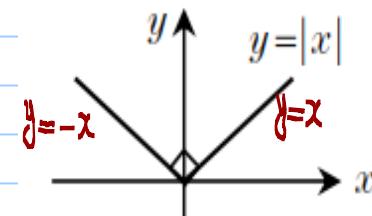
[۰,۲] (۳)

[۰,۱] (۲)

[۰,۰] (۱)

مهملاً در ریاضی برد، اینجا D_f کاسیو مورد پیشنهاد نداشت

$$R_f = \{f(1)\} = \{0\} = [0, 0]$$



تابع مطلق

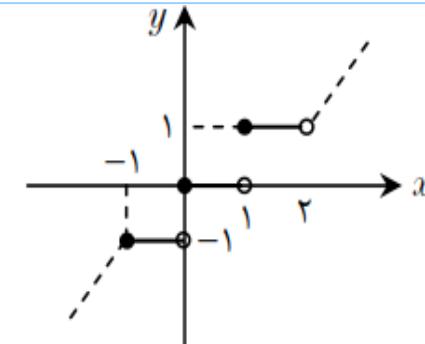
$$|x| = \begin{cases} x & x \geq 0 \\ -x & x < 0 \end{cases}$$

تابع برگان:

$$[\sqrt{2}] = 2 \quad ; \quad [-\sqrt{2}] = -2 \quad \text{بزرگترین عدد صحیح کوچکتر یا مساوی } [x] = x$$

i) $[x] \leq x$

ii) $[x] = x \Leftrightarrow x \in \mathbb{Z}$



(۱۷ MBA)

مثال ۴. دامنه تابع با خواصی $f(x) = \sqrt{[x] - |x|}$ کدام است؟

$\mathbb{Z} - \mathbb{N}$

$\mathbb{N} \cup \{0\}$

$\mathbb{R}^+ \cup \{0\}$

\mathbb{Z}

$$\text{فرضیه را ترجیح می‌کند!!}$$

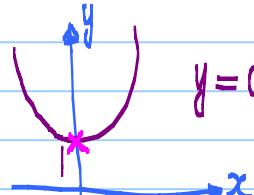
حالاتی $x \geq 0$ $\rightarrow [x] - |x| = [x] - x \geq 0 \Rightarrow [x] \geq x$ و ترجیح می‌کند $[x] = x \Rightarrow x \in \mathbb{Z}$ $\Rightarrow x = 0, 1, 2, \dots = \mathbb{N} \cup \{0\}$

حالاتی $x < 0$ $\rightarrow [x] - |x| = [x] + x \geq 0$ \rightarrow عذر نمکن \rightarrow لعلی \rightarrow (۱)

لکن $D_f = \mathbb{N} \cup \{0\}$ (۱) و (۲) ✓

تابع هیروولیک:

e^x علاوه



$y = \cosh x \Rightarrow \cosh(\dots) \geq 1$

$\cosh(\dots) = 1 \Leftrightarrow \dots = 0$

$\log_e = \ln$

۱) $\sinh x = \sinh x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$

۲) $\cosh x = \cosh x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$

۳) $\tanh x = \tanh x = \frac{\sinh x}{\cosh x}$

۴) $\cosh^2 x - \sinh^2 x = 1$

۵) $\sinh^{-1} x = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$

۶) $\cosh^{-1} x = \ln(x + \sqrt{x^2 - 1})$

۷) $\tanh^{-1} x = \frac{1}{2} \ln \frac{1+x}{1-x}$

(۱۰۰ MBA)

مثال ۵. غرفن کنید $f(x) = \cosh(\sinh^{-1} x)$. مقدار $f(1)$ کدام است؟

$\sqrt{2}$ (۴)

$\sqrt{2}$ (۳)

۱ (۲)

$\frac{1}{\sqrt{2}}$ (۱)

$$f(1) = \cosh(\underbrace{\sinh^{-1} 1}_t) = \cosh t = ? \quad t = \sinh^{-1} 1 \Rightarrow \sinh t = 1$$

$$\text{این} \Rightarrow \cosh^2 t = 1 + \sinh^2 t = 1 + 1 = 2 \Rightarrow \cosh t = \pm \sqrt{2} \quad \text{محدوده} \rightarrow \cosh t = \sqrt{2} \quad (\text{۱}) \checkmark$$

مثال ۶. (تست ۲ صفحه ۷۴۷ جلد دوم) تعداد زوج مرتبهای (x, y) که در معادله $x^y + \cosh(xy)(2x + \cosh(xy) + 1) - 1 = 0$ صدق می‌کنند، برابر است با:

(۹۰)

معادله را حل کنید !!

صدق می‌کنند، برابر است با:

۴ (۴)

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

$$\text{لطفاً}: x^y + \underbrace{2x \cosh(xy)}_{\text{اعطاده}} + \underbrace{\cosh^2(xy)}_{(x+\cosh(xy))^2} + \cosh(xy) - 1 = 0 \rightarrow \underbrace{(x + \cosh(xy))}_{\text{ساختی}}^2 + \underbrace{(\cosh(xy) - 1)}_{\text{ناهی}} = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x + \cosh(xy) = 0 \\ \cosh(xy) - 1 = 0 \end{cases} \rightarrow x + 1 = 0 \rightarrow x = -1 \quad \text{و} \quad \cosh(-y) = 1 \rightarrow -y = 0 \rightarrow y = 0$$

$$(x, y) = (-1, 0) \rightarrow \text{یک جواب} \quad (\text{۱}) \checkmark$$

مثال ۷. (تست ۱۲۲ صفحه ۸۵۳ بلد ۲م) فرض کنید $\frac{3}{4} \ln(e^x + \sqrt{e^{2x} + 1}) = c$ و $\sinh c = \frac{3}{4}$ بحسب (موارد ۹۰)

$$\ln 3 - 2 \ln 2 \quad (4)$$

$$\ln 3 - \ln 2 \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} \ln 3 - \ln 2 \quad (2)$$

$$\frac{1}{2}(\ln 3 - \ln 2) \quad (1)$$

$$C = 5 \sinh \frac{3}{4}$$

$$x = ?$$

$$\cancel{5 \sinh e^x} = C = \cancel{5 \sinh} \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow e^x = \frac{3}{4} \Rightarrow x = \ln \frac{3}{4} = \ln 3 - \ln \frac{4}{3} = \ln 3 - 2 \ln 2 \quad (9) \checkmark$$

مطلوب ارائه شده در این جلسه، تدریس سریع و بهینه **فصل تابع** از فصل اول جلد اول کتاب ریاضی عمومی ۱ (صفحه های ۱۳۵ تا ۱۳) بود که همواره در ابتدای جلسه اول کلاس درس و تست ۱۰۰+۱۵ ساعتی تدریس می شود و **جزوه و ویدیوی آن** به عنوان قسمت ۵ ریاضی پایه در اختیار شما قرار داده شده است.

در کلاسی که تحت عنوان دوره فشرده در ادامه خواهیم داشت، مطالب از فصل دوم (حد و پیوستگی) تدریس خواهد شد.

توصیه می شود، در صورت نیاز ویدیو یا جزوایات ۴ قسمت اول موجود در پنل را تا قبل از شروع کلاس بررسی نمایید و **تمرینهای زیر را هم از صفحه ۱۳ تا ۳۵ جلد اول ریاضی ۱ حل نمایید.**

تستهای ۳، ۶، ۷، ۸، تستهای ۱۳، ۱۵، ۱۷، ۲۲.

برای رفع اشکال با ایمیل masoudaghs1395@gmail.com و آیدی تلگرام [@math_admin77](#) در خدمتتون هستم.

برنامه دوره های ریاضی عمومی و معادلات آنلاین برای کنکور ۱۴۰۲

برای ثبت نام در کلاس های آنلاین (ویژه کنکور ۱۴۰۲) می توانید از لینک های زیر استفاده نمایید:

<https://b2n.ir/da1402>

کلاس درس و تست ۱۰۰+۱۵ ساعتی ریاضی عمومی

<https://b2n.ir/te1402>

کلاس نکته و تست ۵۰ ساعتی ریاضی عمومی

<https://b2n.ir/mo1402>

جمع بندی ریاضی عمومی ۲۵ ساعتی (بر اساس باکس مطالب مشابه)

<https://b2n.ir/pa1402>

پکیج کلاس درس+نکته+جمع بندی ۱۹۰ ساعتی ریاضی عمومی

<https://b2n.ir/ta1402>

ویدیو و جزوه رایگان تدریس ریاضی پایه در ۱۵ ساعت

<https://b2n.ir/eq1402>

کلاس درس و تست ۵۰ ساعتی معادلات دیفرانسیل

<https://b2n.ir/fe1402>

ویدیو و جزوه درس و تست فشرده ۵۰+۱۶ ساعتی ریاضی عمومی

<https://b2n.ir/wb1402>

وبینار رایگان روش بهینه مطالعه ریاضی (فاز اول) برای کنکور ۱۴۰۲

✓ پکیج ۱۹۰ ساعتی کاملترین دوره ریاضی عمومی است و تحفیف بالاتری نسبت به سایر دوره ها خواهد داشت.

✓ دوستانی که از دوره رایگان ریاضی پایه استفاده کرده اند، در صورت تمایل برای ثبت نام در هر یک

از دوره های (درس، نکته، جمع بندی، پکیج) از کد تخفیف **PAYE10** استفاده نمایند تا از ۱۰٪ تخفیف اضافه تر بهره مند گردند.

توجه: در صورت بروز مشکل در استفاده از لینک های بالا، برای دریافت لینک فعلی ثبت نام به

صفحه اول سایت [www.m-aghasi.ir](https://negareh.ac.ir/aghasi) یا <https://negareh.ac.ir/aghasi> یا

ایمیل زیر پیگیری نمایید: [@math_equation](https://b2n.ir/class1402) یا کanal تلگرام <https://b2n.ir/class1402>

ایمیل زیر پیگیری نمایید:

masoudaghasi1395@gmail.com

ایمیل برای مشاوره یا رفع اشکال :